(2020 前) 数 学

(文 科 系)

(1~3ページ)

・ページ番号のついていない白紙 $(2 \sim 3$ 枚目)は下書き用紙である。

注意 解答はすべて答案用紙の指定のところに記入しなさい。

数 学(文科系) 75点

- **1.** a, b, c, p は実数とし, $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ は $(x p)^2$ で割り切れるとする. 以下の問に答えよ. (配点 25 点)
 - (1) b, cをa, pを用いて表せ.
 - (2) f(x) の導関数 f'(x) は, $f'(p + \frac{4}{3}) = 0$ をみたすとする. a を p を用いて表せ.
 - (3) (2) の条件のもとで p = 0 とする. 曲線 y = f(x) と y = f'(x) の交点を x 座標が小さい方から順に A, B, C とし、線分 AB と曲線 y = f'(x) で囲まれた部分の面積を S_1 、線分 BC と曲線 y = f'(x) で囲まれた部分の面積を S_2 とする. このとき、 $S_1 + S_2$ の値を求めよ.

- $\mathbf{2}$. n を自然数とし、数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ を次の (i), (ii) で定める.
 - (i) $a_1 = b_1 = 1 \, \xi \, \sharp \, \delta$.
 - (ii) $f_n(x) = a_n(x+1)^2 + 2b_n$ とし、 $-2 \le x \le 1$ における $f_n(x)$ の最大値を a_{n+1} 、最小値を b_{n+1} とする.

以下の問に答えよ. (配点25点)

- (1) すべての自然数 n について $a_n > 0$ かつ $b_n > 0$ であることを示せ.
- (2) 数列 $\{b_n\}$ の一般項を求めよ.
- (3) $c_n = \frac{a_n}{2^n}$ とおく. 数列 $\{c_n\}$ の一般項を求めよ.

3. 以下の問に答えよ. (配点25点)

- (1) 和が30になる2つの自然数からなる順列の総数を求めよ.
- (2) 和が30になる3つの自然数からなる順列の総数を求めよ.
- (3) 和が30になる3つの自然数からなる組合せの総数を求めよ.